

dans le plan tangent à la surface, peut être regardée comme une ligne asymptotique *singulière*, dont le rayon de courbure n'est généralement ni nul ni infini. Le lieu des points communs à la surface développable et à un de ses plans tangents se compose évidemment de la génératrice de contact, qui joue le rôle d'une droite doublée, et d'une ligne courbe qui touche cette génératrice au même point que l'arête de rebroussement. On a donc, en ce point, une ligne asymptotique et une section plane tangente à la surface, dont les courbures ne peuvent pas être tirées des formules précédentes et qui doivent être déterminées directement.

Pour cet objet nous remarquons d'abord que la courbe plane est, dans ce cas, le lieu du point d'intersection d'une tangente mobile de la ligne à double courbure, qui constitue l'arête de rebroussement de la surface développable, avec un des plans osculateurs de cette même ligne. Nous rapporterons donc l'arête de rebroussement aux trois axes des x, y, z formés respectivement par la tangente, la normale principale et l'axe du plan osculateur au point que l'on considère. D'après ce choix de coordonnées les points très voisins de l'origine peuvent être représentés par les formules suivantes:

$$\frac{s^2}{2\rho_0} + \left(\frac{d}{ds} \frac{1}{\rho} \right)_0 \frac{s^3}{6} + \dots$$

où s est l'arc compté de l'origine, dans le sens des x positives, ρ, r sont les rayons de première et deuxième courbure, et l'indice 0 marque ce qui se rapporte à l'origine. Ces formules s'obtiennent aisément en étendant aux lignes à double courbure le procédé exposé pour les courbes planes aux §§ 516, 517 de l'excellent *Traité de Calcul différentiel* de M. BERTRAND. La valeur de ρ résulte immédiatement aussi d'un théorème de M. BOKNET, démontré au § 608 du même ouvrage.

Désignons par x, y, z les coordonnées courantes de la tangente à la ligne γ , et par X la portion de cette tangente comprise entre le point de contact (γ, y, z) et le point (x, y, z) : on aura

$$\int_{\gamma}^x \frac{dx}{\rho} = \int_{\gamma}^x \frac{dy}{r}, \quad \text{ou} \quad \int_{\gamma}^x \frac{dx}{\rho} = \int_{\gamma}^x \frac{dy}{r}, \quad C = 0$$

Remplaçant x, y, z par leurs valeurs s, t, u , posant $C = 0$, tirant la valeur de X et substituant dans les expressions de x, y, z , on trouvera